



## INTRODUCCION AL MATLAB. (PARTE II)

### APLICACIONES EN CONTROL

Los vectores en términos de ciertas funciones matemáticas y de control pueden ser asociados con polinomios de **orden decreciente**, por lo tanto algunas de las operaciones típicas con polinomios se pueden efectuar de la siguiente manera:

Para el siguiente polinomio:  $x^4+2x^3+x+2$ ; los coeficientes son: 1 2 0 1 2

```
>>p1=[1 2 0 1 2]
```

El tercer elemento indica que el coeficiente de  $x^2$  es cero.

Escriba en forma de vector, el siguiente polinomio:  $x^3-5x^2+3x$

```
>> p2=[1 -5 3 0]
```

**roots( )**: permite determinar las raíces de un polinomio, es decir, los valores para el cual el polinomio es cero

```
>>r1=roots(p1)
```

**poly( )**: permite reconstruir el polinomio, partiendo de sus raíces.

```
>> p1r=poly(r1)
```

**conv(p,q)**: permite evaluar el producto de los polinomios p y q

ejemplo  $(x^4+2x^3+x+2).(x+1)$

```
>>p1=[1 2 0 1 2]
```

```
>>p2=[1 1 ]
```

```
>>conv(p1,p2)
```

dará como resultado:

```
ans =
```

```
1 3 2 1 3 2
```

lo que indica que el resultado del producto de los dos polinomios es

$$x^5+3x^4+2x^3+x^2+3x+2$$

El producto de dos polinomios es conmutativo.

**deconv(p,q)**: evalúa la división de los polinomios p/q

```
>> deconv(p1,p2)
```

**polyder( ):**determina la derivada del polinomio.

```
>>polyder(p1)
```

**polyval(p,a):** permite evaluar el polinomio p, con el valor de a

```
>>polyval(p1,1)
```

## **FUNCIONES DE TRANSFERENCIA**

Para escribir una función de transferencia y visualizarla en pantalla se introducen el numerador y el denominador en forma de vectores.

**tf(num,den):** crea la función de transferencia, con los vectores del polinomio en el numerador(num) y en el denominador(den), en forma extendida.

Ejemplo: crear la siguiente función de transferencia

$$G = \frac{2s^2 + 1}{5s^3 + s^2 + 3s + 7}$$

```
>>num=[2 0 1 ]  
>>den=[5 1 3 7 ]  
>>G=tf(num,den)
```

Si se tienen los polos, ceros y la ganancia se puede utilizar la siguiente función

**zpk(z,p,k):** crea el modelo de ceros – polos y ganancia donde z corresponde a los ceros, p a los polos y k es la ganancia

ejemplo

para crear a:

$$H = \frac{12 (s + 2.4) (s + 3)}{(s + 5) (s + 7) (s + 2) (s + 1)}$$

```
>> ceros=[-2.4 -3];  
>> polos=[-5 -1 -7 -2];  
>> ganancia=12;  
>> H=zpk(ceros,polos,ganancia)
```

si se desea en forma extendida

```
>> H2=tf(H)
```

El caso contrario se puede realizar, es decir, si se tiene la función de transferencia, se puede extraer en vectores el numerador y el denominador.

```
>> G  
>> [N,D]=tfdata(G,'v')
```

Lo anterior, guarda en un vector N, los coeficientes del numerador y en el vector D, los coeficientes del denominador, de la función de transferencia G

Para el caso de la forma ZPK

```
>> [Z,P,K]=zpkdata(H,'v')
```

Lo anterior, guarda en un vector Z, los ceros, en el vector P, los polos y en K el valor de la ganancia.

Para observar el grafico de polos y ceros en el plano complejo s, se usa:

**pzmap()** donde los ceros se observan con 'o' y los polos con 'x'

```
>>G
```

```
>>[Z,P,K]=zpkdata(G,'v')
```

```
>>pzmap(G)
```

### DIAGRAMAS DE BLOQUES

```
G1=zpk([-1],[-3 -5],1);
```

```
G2=zpk([-3],[-4 -6],3);
```

Bloques en Cascada o Serie:

```
Gs=G1*G2
```

Bloques en Paralelo

```
Gp=G1+G2
```

Bloques en Realimentación

```
Gr=G1/(1+G1*G2)
```

### RESPUESTA EN EL TIEMPO

Se puede analizar la respuesta de un sistema representada por su función de transferencia a diferentes estímulos, tales como señales impulso, escalón, rampa etc.

Evaluemos la función H para los diferentes estímulos.

$$H = \frac{12 (s + 2.4) (s + 3)}{(s + 5) (s + 7) (s + 2) (s + 1)}$$

Para respuesta impulso

```
>>t2=0:0.01:6;
```

```
>>y2=impulse(H,t2); (ésta función H se creo en la pagina 2 con el comando zpk)
```

```
>>plot(t2,y2)
```

Para respuesta escalón

```
t3=0:0.01:10;
```

```
y3=step(H,t3);
```

```
plot(t3,y3)
```

Respuesta a una entrada arbitraria r(t) que tenga una transformada de Laplace

sencilla:

En este caso:

- a) Se obtiene  $R(s)$
- b) Se calcula  $Y(s)=G(s)*R(s)$
- c) Se calcula  $y=\text{impulse}(Y,t)$ , donde  $t$  es el vector del tiempo definido por el usuario.

Ejemplo: Para una entrada rampa  $r(t)=5*t$ :

Nota: recordar que la transformada de laplace de  $\mathcal{L}\{5t\} = \frac{5}{s^2}$

```
t=0:0.1:3;  
R=tf([5],[1 0 0])  
Y=H*R  
yr1=impulse(Y,t)  
plot(t,yr1)
```

Respuesta a otras formas de excitación

- a) Se define el vector tiempo:  $t=tmin:dt:tmax$ ;
- b) Se define para este intervalo la función de excitación  $u$  como un vector del mismo tamaño del vector  $t$ .
- c) Se calcula  $y=\text{lsim}(G,u,t)$

Ejemplo: Para una entrada rampa  $r(t)=5*t$ :

```
t=0:0.1:3;  
u=5*t;  
yr2=lsim(H,u,t);  
plot(t,u,t,yr2)
```

Para una señal de ruido aleatorio:

```
t=0:0.01:3;  
u=rand(size(t));  
ya=lsim(H,u,t);  
plot(t,u,t,ya)
```

Para una señal senoidal:

```
t=0:0.01:3;  
u=sin(t);  
ys=lsim(H,u,t);  
plot(t,u,t,ys)
```

## EJERCICIO

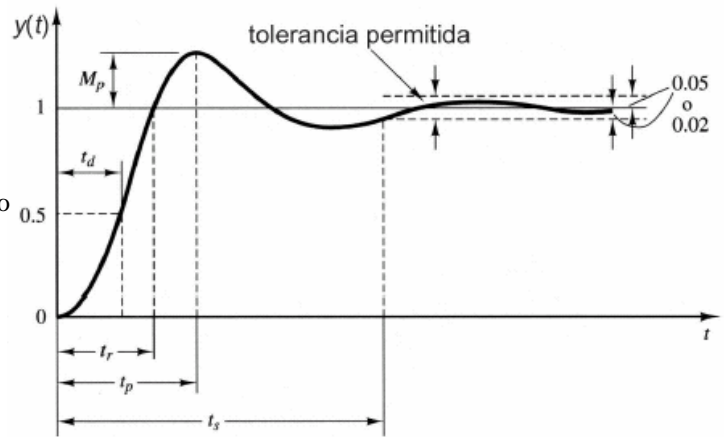
La respuesta de un sistema de segundo orden al escalón es muy importante en el análisis y diseño de sistemas de control. Algunos de los parámetros a estudiar son los siguientes:

**Tiempo de estabilización,  $t_s$ :** Es el tiempo que tarda la respuesta en llegar a ciertos límites pre-establecidos del valor final y permanecer dentro de ese rango.

**Tiempo de subida o elevación o levante,  $t_r$ :** Es el tiempo que transcurre para que la respuesta alcance por primera vez el valor final.

**Sobrepaso  $M_p$ :** Valor pico máximo de la curva de respuesta medido desde el valor deseado.

**Tiempo de pico (tiempo al valor máximo),  $t_p$ :** Es el tiempo requerido para que la respuesta alcance el primer pico de sobreimpulso o sobrepaso.



Considere la siguiente función:

$$F = K \frac{w^2}{s^2 + 2zws + w^2}$$

Dibujar la respuesta del sistema  $F$  a un escalón unitario y determinar cada uno de los parámetros solicitados, si los valores para  $K, w$  y  $z$  son:

Gráfico	K	w	z	Tiempo estabili.	Tiempo levante	Tiempo Al max.	Sobrep.
1	1	2	1				
2	1	2	0.7				
3	1	2	0.5				
4	1	2	0.2				
5	1	2	0				
6	2	2	0.5				
7	2	1	0.5				
8	2	5	0.5				
9	2	8	0.5				

Para los casos anteriores:

Dibujar las curvas de respuesta y analizar los efectos de la variación de parámetros sobre:

- Tiempo de estabilización
- Tiempo de levante.
- Sobrepaso.
- Tiempo al valor máximo.

Notas:

- Usar la función **subplot** para mostrar más de una gráfica en una misma figura.
- Definir el vector tiempo:  $t=0:0.01:10$ ;
- Puede usar el comando **ginput** para obtener valores de las graficas (utilice el help ginput)